

# 静电场

## 第一节 库仑定律 电场强度

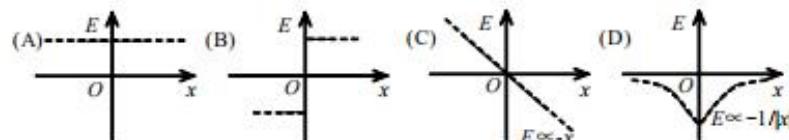
1. 关于电场强度定义式  $\bar{E} = \bar{F}/q_0$ , 下列说法正确的是 [ ]

- A 电场强度  $\bar{E}$  的大小与试验电荷  $q_0$  的大小成反比;
- B 在电场中某一点, 试验电荷受力  $\bar{F}$  与  $q_0$  的比值不因  $q_0$  而变;
- C 试验电荷受力  $\bar{F}$  的方向就是电场强度  $\bar{E}$  的方向;
- D 若电场中某点不存在试探电荷  $q_0$ , 则  $\bar{F}=0$ , 从而  $\bar{E}=0$ .

2. 在边长为  $a$  的正立方体中心处放置一电量为  $Q$  的点电荷, 则正立方体顶角处的电场强度的大小为: [ ]

- A  $\frac{Q}{12\pi\varepsilon_0 a^2}$ ; B  $\frac{Q}{6\pi\varepsilon_0 a^2}$ ; C  $\frac{Q}{3\pi\varepsilon_0 a^2}$ ; D  $\frac{Q}{4\pi\varepsilon_0 a^2}$

3. 设有一“无限大”均匀带正电荷的平面, 取  $x$  轴垂直带电平面, 坐标原点位于带电平面上, 则其周围空间各点的电场强度  $E$  随距离平面的位置坐标  $x$  变化的关系曲线为(规定场强方向沿  $x$  轴正向为正、反之为负): [ ]



4. 两个平行的无限大均匀带电平面, 其电荷面密度分别为  $+\sigma$  和  $-2\sigma$ , 如图所示, 则  $A$ 、 $B$ 、 $C$  三个区域的电场强度分别为:

$$E_A = \underline{\hspace{2cm}},$$

$$E_B = \underline{\hspace{2cm}},$$

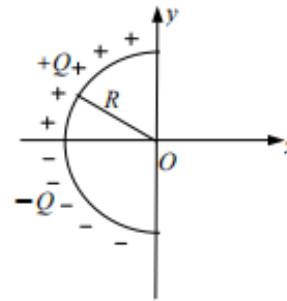
$$E_C = \underline{\hspace{2cm}} \text{ (设方向向右为正).}$$



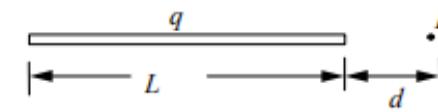
5. 将一根电荷线密度为  $\lambda$  的均匀带电绝缘细线围成边长为  $l$  的正方形线框, 则在正方形中心处的电场强度大小  $E = \underline{\hspace{2cm}}$ .

6. 一个电荷线密度为  $\lambda$  的均匀带正电圆环, 如果在圆环上截掉长度为  $l$  的一段( $l <$  圆环半径  $R$ ), 求圆心处电场强度的大小和方向.

7. 一个细玻璃棒被弯成半径为  $R$  的半圆形，沿其上半部分均匀分布有电荷  $+Q$ ，沿其下半部分均匀分布有电荷  $-Q$ ，如图所示。试求圆心  $O$  处的电场强度的大小和方向。



- 8、如图所示，真空中一长为  $L$  的均匀带电细直杆，总电量为  $q$ ，试求在直杆延长线上距杆的一端距离为  $d$  的  $P$  点处的电场强度。



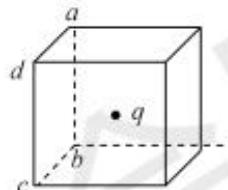
## 第二节 电通量 高斯定律

1. 根据高斯定理  $\oint_S \vec{E} \cdot d\vec{S} = \sum q / \epsilon_0$  可知下述各种说法中，正确的是： [ ]

- A 闭合面内电荷代数和为零时，闭合面上各点场强一定为零。
- B 闭合面内电荷代数和不为零时，闭合面上各点场强一定处处不为零。
- C 闭合面内电荷代数和为零时，闭合面上各点场强不一定处处为零。
- D 闭合面上各点场强均为零时，闭合面内一定处处无电荷。

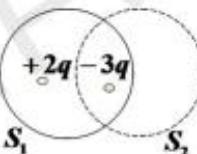
2. 如图所示，一个电量为  $q$  的点电荷位于立方体的中心，则通过侧面  $abcd$  的电通量等于： [ ]

- A  $\frac{q}{6\epsilon_0}$ .
- B  $\frac{q}{12\epsilon_0}$ .
- C  $\frac{q}{24\epsilon_0}$ .
- D  $\frac{q}{48\epsilon_0}$ .

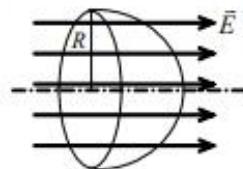


3. 如图所示，两个高斯面的电通量正确的是 [ ]

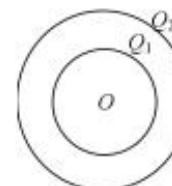
- A  $\Phi_{S_1} = \frac{2q}{\epsilon_0}$ .
- B  $\Phi_{S_1} = \frac{-q}{\epsilon_0}$ .
- C  $\Phi_{S_2} = \frac{q}{\epsilon_0}$ .
- D  $\Phi_{S_2} = 0$ .



4. 半径为  $R$  的半球面置于场强为  $\vec{E}$  的均匀电场中，其对称轴与场强方向一致，如图所示。则通过该半球面的电场强度通量为 \_\_\_\_\_。



5. 如图所示，两个同心的均匀带电球面，内球面半径  $R_1$  带电荷  $Q_1$ ，外球面半径  $R_2$  带电荷  $Q_2$ ，使用高斯定理求空间各处场强的大小。



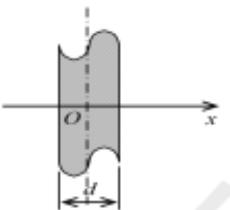
6. 两个“无限长”内外半径分别为  $R_1$  和  $R_2$  的共轴圆柱面，均匀带电，沿轴线方向单位长度带电荷分别为  $\lambda_1$  和  $\lambda_2$ ，则在外圆柱面外面、距离轴线为  $r$  处的电场强度大小  $E$  为多少？

7. 一非均匀带电球体电荷密度的分布可以表示为:

$$\rho(r) = \rho_0(1 - r/R) \quad r \leq R \quad \rho_0 = 3Q/\pi R^3 \quad \rho(r) = 0 \quad r \geq R,$$

求电场强度随  $R$  的变化关系, 在什么位置电场强度有极大值?

8. 图示一厚度为  $d$  的“无限大”均匀带电平板, 电荷体密度为  $\rho$ . 试求板内外的场强分布, 并画出场强随坐标  $x$  变化的图线, 即  $E-x$  图线(设原点在带电平板的中央平面上,  $Ox$  轴垂直于平板).



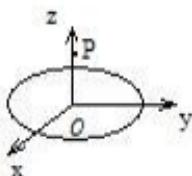
#### 9. 思考题

如果在一个曲面上每点的场强均为零, 那么穿过此曲面的电场强度通量也为零吗? 如果穿过曲面的电场强度通量为零, 那么, 能否说此曲面上每一点的场强也必为零呢?

### 第三节 电势 电势能

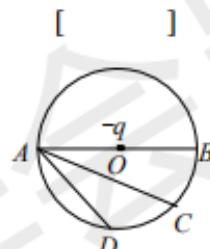
1. 有  $N$  个电量均为  $q$  的点电荷，以两种方式分布在相同半径的圆周上：一种是无规则地分布，另一种是均匀分布。比较这两种情况下，过圆心  $O$  并垂直于圆平面的  $z$  轴上任一点  $P$ （如图所示）的场强与电势，则有 [ ]

- A 场强相等，电势相等。
- B 场强不等，电势不等。
- C 场强分量  $E_z$  相等，电势相等。
- D 场强分量  $E_z$  相等，电势不等。



2. 点电荷  $-q$  位于圆心  $O$  处， $A$ 、 $B$ 、 $C$ 、 $D$  为同一圆周上的四点，如图所示。现将一试验电荷从  $A$  点分别移动到  $B$ 、 $C$ 、 $D$  各点，则 [ ]

- A 从  $A$  到  $B$ ，电场力作功最大。
- B 从  $A$  到  $C$ ，电场力作功最大。
- C 从  $A$  到  $D$ ，电场力作功最大。
- D 从  $A$  到各点，电场力作功相等。

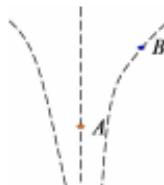


3. 如图所示，一等边三角形边长为  $a$ ，三个顶点上分别放置着电量为  $q$ 、 $2q$ 、 $3q$  的正点电荷，设无穷远处为电势零点，则三角形中心  $O$  处的电势  $V=$  \_\_\_\_\_。

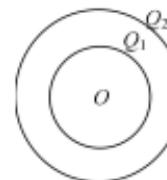


4. 把一个均匀带有电荷  $+Q$  的球形肥皂泡由半径  $r_1$  吹胀到  $r_2$ ，则半径为  $R(r_1 < R < r_2)$  的球面上任一点的场强大小  $E$  由 \_\_\_\_\_ 变为 \_\_\_\_\_；电势  $V$  由 \_\_\_\_\_ 变为 \_\_\_\_\_（选无穷远处为电势零点）。

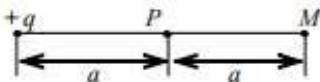
5. 如图所示，虚线表示等势面，则  $E_A$  \_\_\_\_\_  $E_B$ ，（填写“ $>$ ”“ $<$ ”或“ $=$ ”）如果  $A$  点有带正电的电荷点运动到  $B$  电场力做正功，则  $V_A$  \_\_\_\_\_  $V_B$ （填写“ $>$ ”“ $<$ ”或“ $=$ ”）



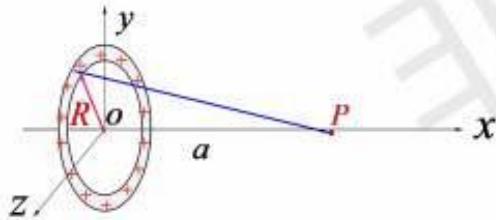
6. 如图所示，两个同心的均匀带电球面，内球面半径  $R_1$  带电荷  $Q_1$ ，外球面半径  $R_2$  带电荷  $Q_2$ ，求空间各处的电势（设无穷远为电势零点）。



7. 在点电荷 $+q$  的电场中，若取图中  $P$  点处为电势零点，求  $M$  点电势。



8. 图示为一个均匀带电的圆环，其电荷线密度为 $\lambda$ ，半径为 $R$ ，设无穷远处为电势零点，求(1)圆环中 轴线  $OX$  上距离  $O$  点为  $a$  处的电势  $V_a$ 。(2)一个电量为  $q$  的 点电荷沿着中轴线从距离  $O$  点为  $a$  处运动到距离  $O$  点为  $b$  的地方，求电场力所做的功  $W$



### 9. 思考题

电荷  $q$  从电场的  $A$  点移到  $B$  点，若使  $B$  点的电势比  $A$  点的电势低，而  $B$  点的电势能又比  $A$  点的电势能要大，这可能吗？为什么？

# 静电场中的导体与电介质

## 第一节 静电场中的导体 (1)

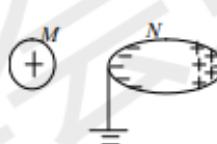
1. 一球形导体球内有一球形空腔，两者的球心不重合，如图所示，如果将某正电荷置于空腔的球心处，则导体球表面的感应电荷密度： [ ]

- A 内、外球面上都不均匀
- B 在内球面上是均匀的，外球面上不均匀
- C 在内球面上不均匀的，外球面上是均匀
- D 内、外球面上都均匀



2. 一带正电荷的物体  $M$ ，靠近一原不带电的金属导体  $N$ ， $N$  的左端感生出负电荷，右端感生出正电荷。若将  $N$  的左端接地，如图所示，则  $N$  上的电荷如何变化？ [ ]

- A  $N$  上的负感应电荷被大地电荷中和；
- B  $N$  上有正感应电荷被大地电荷中和；
- C  $N$  上的感应电荷分布不变；
- D  $N$  上不再有感应电荷。



- 3 任意带电体在导体体内(不是空腔导体的腔内)\_\_\_\_\_(填：会或不会)产生电场，处于静电平衡下的导体，空间所有电荷(含感应电荷)在导体体内产生电场的\_\_\_\_\_ (填：矢量和标量)叠加为零。

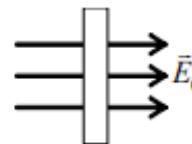
4. 处于静电平衡下的导体\_\_\_\_\_ (填：是或不是)等势

体，导体表面\_\_\_\_\_ (填：是或不是)等势面，导体表面附近的电场线与导体表面相互\_\_\_\_\_，导体体内的电势\_\_\_\_\_ (填：大于，等于或小于) 导体表面的电势。

5. 一点电荷电量为  $-2.0\mu\text{C}$  位于导体球壳的球心处，球壳内外半径分别是 4 和 6cm，球壳外是均匀带电的绝缘体，所带电荷密度为  $3.75 \times 10^{-4}\text{C/m}^3$ ，则距离点电荷 9cm 处的电场强度是\_\_\_\_\_。

6. 电量为  $-Q$  的点电荷置于一金属空腔(电中性)内，则空腔外表面的净电荷总量是\_\_\_\_\_, 如果空腔外侧与地面通过导线连接，则空腔表面的净电荷总量是\_\_\_\_\_。

7. 一带电大导体平板，板的两表面电荷面密度之和为  $\sigma$ ，置于电场强度为  $E_0$  的均匀电场中，平板法线与外场平行，设外电场分布不因导体的引入而改变，则板附近左右两侧的合场强分别为为\_\_\_\_\_、\_\_\_\_\_。



8. 两个同心球壳，小球壳的内外径分别为  $a$ 、 $b$ ，大球壳的内外径为  $c$ 、 $d$ ，小球壳带电  $+2Q$ ，大球壳带电  $+4Q$ 。求下列区域的电场强度。

- 1)  $a < r < b$ , 2)  $c < r < d$ , 3)  $r > d$

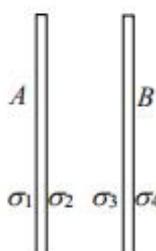
#### 10. 思考题

将一个带电小金属与一个不带电的大金属球相接触，小球上的电荷会全部转移到大球上去吗？

9. 如图所示，面积均为  $S=0.1\text{m}^2$  的两金属平板  $A, B$  平行对称放置，间距为  $d=1\text{mm}$ ，今给  $A, B$  两板分别带电  $Q_1=3.54 \times 10^{-9}\text{C}$ ,  $Q_2=1.77 \times 10^{-9}\text{C}$ 。忽略边缘效应，

求：(1) 两板共四个表面的面电荷密度  $\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3, \sigma_4$ ；

(2) 两板间的电势差  $V=U_A - U_B$ 。



## 第一节 静电场中的导体 (2)

1. 在导体的某个区域分布有密度 $\sigma$ 的负电荷, 那么在该区域靠近导体的一侧, 电力线的方向为: [ ]

- A 指向导体的外表面。
- B 指向导体的内表面。
- C 为零。
- D 与导体表面平行。

2.  $A$ 、 $B$  为两导体大平板, 面积均为  $S$ , 平行放置, 如图所示.  $A$  板带电荷 $+Q_1$ ,  $B$  板带电荷 $+Q_2$ , 如果使  $B$  板接地, 则  $AB$  间电场强度的大小  $E$  为: [ ]

- A  $\frac{Q_1}{2\epsilon_0 S}$ .
- B  $\frac{Q_1 - Q_2}{2\epsilon_0 S}$ .
- C  $\frac{Q_1}{\epsilon_0 S}$ .
- D  $\frac{Q_1 + Q_2}{2\epsilon_0 S}$ .

3. 一无限大均匀带电平面  $A$ , 所带电荷面密度为  $\sigma$ , 在附近放入一厚度为  $d$  的无限大导体, 两导体面平行, 则导体  $B$  上的两个面上的感生电荷面密度分别为: [ ]

- A  $\sigma_1 = -\sigma \quad \sigma_2 = +\sigma$
- B  $\sigma_1 = -\frac{1}{2}\sigma \quad \sigma_2 = \frac{1}{2}\sigma$
- C  $\sigma_1 = -\frac{1}{2}\sigma \quad \sigma_2 = -\frac{1}{2}\sigma$
- D  $\sigma_1 = -\sigma \quad \sigma_2 = 0$

4. 在一个孤立的导体球壳内在偏离球心处放入一点电荷, 则在球壳内外将出现感应电荷, 其分布将是: [ ]

A、内表面均匀, 外表面也均匀。

B、内表面不均匀, 外表面均匀。

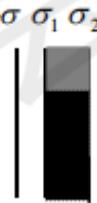
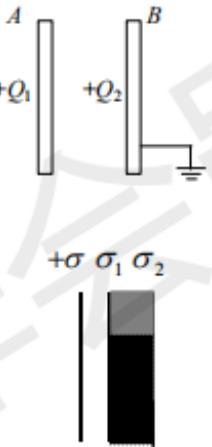
C、内表面均匀, 外表面不均匀。

D、内表面不均匀, 外表面不均匀。

5. 一椭球形金属导体的两点  $a, b$  的电荷面密度分别为  $\sigma_1, \sigma_2$ , 则  $a$  点附近的导体内外的电场强度分别是: \_\_\_\_\_, 若  $\sigma_1 > \sigma_2$ , 则曲率较大的点是\_\_\_\_\_点。

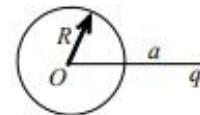
6. 两个同心薄导体球壳, 半径分别是  $R_1, R_2$  ( $R_1 < R_2$ ), 分别带有电量  $q_1$  和  $q_2$ , 现用导线将两球连接, 则连接后的导体球的电势为\_\_\_\_\_。(以无限远处为势能零点)。

7. 一厚度为  $d$  的无限大导体平板, 电荷面密度为  $\sigma$ , 则板的两侧距板平面为  $h$  的两点  $a$  和  $b$  的电势差为\_\_\_\_\_。

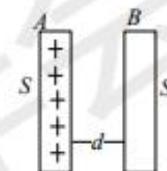


8. 一孤立金属球，带有电荷  $1.2 \times 10^{-8}$  C，已知当电场强度的大小为  $3 \times 10^6$  V/m 时，空气将被击穿。若要空气不被击穿，则金属球的半径至少大于多少？

10. 真空中一半径为  $R$  的未带电的导体球，在离球心  $O$  的距离为  $a$  处 ( $a > R$ ) 放一点电荷  $q$ ，如图所示。设无穷远处电势为零，则导体球的电势等于多少？



9. 如图，把一块原来不带电的金属板  $B$ ，移近一块已带有正电荷  $Q$  的金属板  $A$ ，平行放置。设两板面积都是  $S$ ，板间距离是  $d$ ，忽略边缘效应。当  $B$  板不接地时，两板间电势差  $U_{AB} = ?$   $B$  板接地时两板间电势差  $U'_{AB} = ?$



11. 如图所示，一半径为  $a$  的“无限长”圆柱面上均匀带电，其电荷线密度为  $\lambda$ 。在它外面同轴地套一半径为  $b$  的薄金属圆筒，圆筒原先不带电，但与地连接。设地的电势为零，则在内圆柱面里面、距离轴线为  $r$  的  $P$  点的场强大小和电势分布为多少？

